1-3 加速度



(一)平均加速度與瞬時加速度:

A、意義:

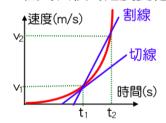
- (1)質點在單位時間內的速度變化,稱為加速度。
- (2)平均每一秒內質點運動的速度變化,稱為平均加速度。
- (3)某一時刻瞬間(極小的時距)的速度變化,即為該時刻的瞬時加速度。

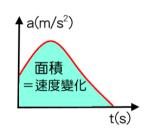
$$\vec{v} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

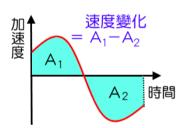
瞬時加速度
$$=\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

C、幾何意義:

- (1)v-t 圖的割線斜線為平均加速度,
 - v-t 圖的切線斜率為瞬時加速度。
- (2)a-t 圖的面積為速度變化。







- D、單位:公分/秒 2 (cm/s 2)
 - 公尺/秒²(m/s²)← SI制

E、性質:

- (1)加速度和速度同方向時: $V_2 > V_1$
 - 速度漸增,運動加快 → 幫助運動。

例:石子從空中自由落下,此時

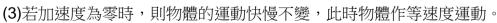
石子的位移向下,速度向下,加速度向下。

(2)加速度和速度反方向時: $V_2 < V_1$

速度漸減,運動減緩 → 阻止運動。

例:跳傘著地前緩緩落下,此時

跳傘員位移向下,速度向下,加速度向上。



【比較】x-t、v-t、a-t 圖形之關係 (所有的 x-t、v-t、a-t 圖必為直線運動)

 圖形
 割線斜率
 切線斜率
 面積

 x-t 圖
 平均速度
 瞬時速度

 v-t 圖
 平均加速度
 位移(Δx)

 a-t 圖
 速度變化(ΔV)





1-4 等加速度運動



(一)等加速度運動:

A、意義:

- (1)質點運動的過程中,加速度始終維持一個定值,稱為等加速度運動。
- (2)進行等加速度運動的物體,在任何時刻的加速度都相等。

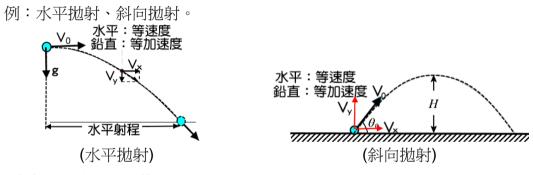
【註】:物體作等加速度運動時,速度成一等差數列。

B、軌跡:

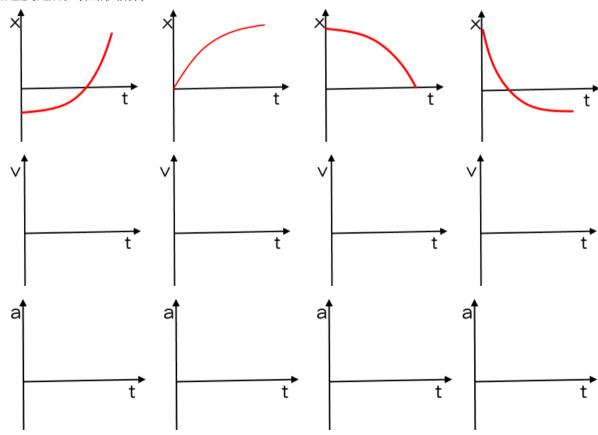
(1)若速度與加速度方向在同一直線,則運動軌跡為直線。

例:自由落體、鉛直上拋、鉛直下拋。

(2)若加速度和速度的方向不在同一直線上,則運動軌跡為平面(拋物線)。



C、等加速度運動的圖形關係:



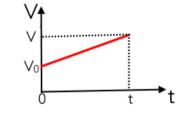


(二)數學關係式:

A、運動公式:



(2)
$$x = \frac{v_0 + v}{2}t$$



(3)
$$x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

(4)
$$v^2 = v_0^2 + 2ax$$

v:末速 v_0 :初速 a:加速度 t:時間 x:位移

推導:(動手試試看!)

B、質點運動的初速為零時:

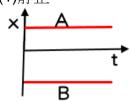
- (1)第 1 秒末的速度:第 2 秒末的速度:第 3 秒末的速度=1:2:3。
 - → 第 t 秒的末速比=時間比。
- (2)1 秒內的位移: 2 秒內的位移: 3 秒內的位移=1:4:9。
 - → t 秒內的位移比=時間平方比。
- (3)第 1 秒內的位移:第 2 秒內的位移:第 3 秒內的位移=1:3:5。
 - → 第 t 秒內的位移比=(2t-1)比。



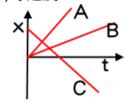
(三)圖形分析:

A、x-t 圖的圖形分析:

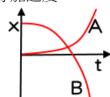
(1)靜止



(2)等速度

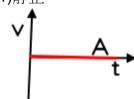


(3)等加速度

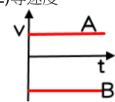


B、v-t 圖的圖形分析:

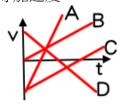
(1)靜止



(2)等速度

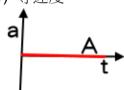


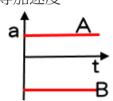
(3)等加速度



C、a-t 圖的圖形分析:

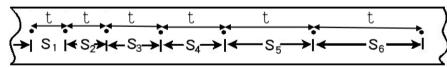
(1) 等速度







(四)打點計時器分析:



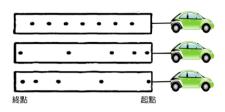
如上圖,為打點計時器記錄等加速度的數據分析:

A、求 S_1 的平均速度:

求 S_2 間的平均速度:

B、將平均速度轉變為時間中點的瞬時速度:

 \mathbf{C} 、利用瞬時速度,求平均加速度: $a = \frac{\mathbf{S_2} - \mathbf{S_1}}{t^2}$



範例 1

一物體由靜止作等加速運動,第 6 秒內位移為 12.2 m,第 10 秒內位移為 13.8 m,則物體的加速度為_____m/s²。

【答案】: 0.4

範例 2

物體作直線等加速運動,AB、BC的時距皆為2秒,間隔距離如右圖,則:

(1)在 A 點時的速度大小為_____cm/s。

(2)物體的加速度大小為____cm/ s^2 。

【答案】: (1)2.5; (2)1.5

範例 3

某人駕駛汽車 72 km/hr 的速率在高速公路上直線前進,突然見到前方有交通事故發生,立即踩煞車,以 -10 m/s^2 的加速度來減速,則車子完全煞住前將會滑行 $___$ 公尺。

【答案】: 20

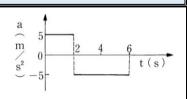
範例 4

A 車以 30 m/s、B 車以 20 m/s 之速率在同一車道中同向前進。若 A 車駕駛員在離 B 車後 方距離 d=40 m 處發現 B 車,立即踩煞車而使其車以等加速度 a 減速,為使兩車不致相撞,則等加速度 a 值至少應大於______m/s²。

【答案】:5/4

範例5

一人自靜止開始運動,其加速度對時間之關係如附圖所示,則此 人離出發點最遠的距離為______公尺。



【答案】:20

範例6

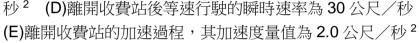
一子彈列車作直線等加速運動, 過 A 站時的速度為 20 公尺/秒, 再經 180 秒涌過 B 站, A、 B 兩站相距 7200 公尺, 求捅禍 B 點時的速度為 公尺/秒。

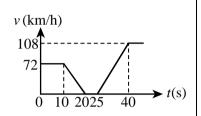
【答案】:60

範例7

等速行駛於高速公路的轎車經進入收費站停車繳費前後的速度與 時間(v-t)圖如右圖,關於轎車行進的敘述,下列何者錯誤?

(A)轎車繳費時共停下 5 秒鐘 (B)轎車駛進收費站前的速為 20 公 尺/秒 (C)駛入收費站的減速過程,其加速度量值為 1.0 公尺/





加1.5r 速

¥1.0

/ 秒²

圖(三)

0 1 2 3 4 5 6

時間(秒)

【答案】: C

範例8

【題組】三個靜止的物體在同一位置同時開始運 動,其運動分別以下列三圖描述:

米 8

6

圖(一)為甲的位移與經歷時間關係,

圖(二)為乙速度與經歷時間的關係,

1 2 3 4 5 6

時間(秒)

速度

 \Re

0 1 2 3 4 5 時間(秒)

圖(三)為丙的加速度與經歷時間的關係。

(1)0~2 秒內的位移,三者的量值關係為何?

- (A)丙<乙<甲 (B)乙<丙<甲
- (C)丙=乙<甲 (D)甲<乙=丙
- **(E)**甲=乙<丙。
- (2)第4秒末瞬間,三者瞬時速度關係為何?
 - (A)甲>乙>丙 (B)甲<乙<丙
 - (C)甲<丙<乙 (D)甲<乙=丙 (E)甲=乙<丙。
- (3)0~3 秒內的平均速度,三者的量值關係為何?
 - (A)甲>乙=丙 (B)甲=乙>丙 (C)甲<丙<乙 (D)甲<乙=丙 (E)甲=乙<万。
- (4)第5秒末瞬間,三者瞬時加速度關係為何?
 - (A)甲>乙>丙 (B)甲<乙<丙 (C)甲<丙<乙 (D)甲<乙=丙 (E)甲=乙<丙。

【答案】: (1)C; (2)D; (3)A; (4)E

範例9

雪山隧道塞車,交通警察進行閘道管制,若每輛車以相同的加速度啟動,速度達 72km/hr 時即維持等速度前進,若每輛車需維持 50 公尺的間距,則各車應間隔幾秒鐘才能前進? (A)1.0 秒 (B)1.5 秒 (C)2.0 秒 (D)2.5 秒 (E)3.0 秒。

【答案】: D

範例10

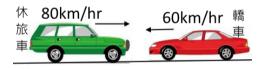
某質點以初速 v 在水平桌面上沿直線滑行,受到固定摩擦力作用作等減速度動,當行進 d 距離時速度變為 v/2,則試求已滑行的時間為

(A)2d (B)
$$\frac{4d}{3}$$
 (C) $\frac{3d}{2v}$ (D) $\frac{4d}{3v}$ (E) $\frac{5d}{4v}$ °

【答案】: D

範例11

十字路口處一輛轎車與休旅車迎面對撞後,結果兩車同時停止下來。若碰撞過程轎車的平均加速度量值為 a1, 休旅車的平均加速度量值為 a2,則 a1: a2=?



(A)1 : 1 (B)2 : 3 (C)3 : 2 (D)4 : 3 (E)3 : 4 \circ

【答案】: E

範例12

汽車由靜止開始出發,以2公尺/秒²等加速度行駛一段時間後,再以4公尺/秒²等減速而漸停止,若全程之位移為600公尺,則汽車全程的平均速率為多少?

(A)10 (B)15 (C)20 (D)25 (E)30 公尺/秒。

【答案】: C

範例13

一車沿直線由靜止起動,最初以等加速度行走全程之 $\frac{1}{6}$,再改以等速行走全程之 $\frac{1}{2}$,最後再等減速至停止,若全程平均速率為 \mathbf{v} ,則全程最大速率為 \mathbf{v} 。

【答案】: 3v/2

- 類1.婷婷由 45 公尺的樓頂自由落下一紅球,經 1 秒鐘後,再向下拋出一黑球,結果兩球同時著地,則黑球拋出的初速為若干? $(g=10m/s^2)$
 - (A)5 (B)7.5 (C)10 (D)12.5 (E)15 $\text{m/s}^2 \circ$
- 類2.在海洋公園裡的動物表演中,海豚出水總是能夠吸引眾人的目光。假定海豚垂直躍出水面後,身形維持直線,且尾部離開水後的上升高度為2.5公尺。不計空氣阻力,令重力加速度為10公尺/秒²,則海豚尾部出水時的速度約為若干?
 - (A)4 (B)5 (C)6 (D)7 (E)8 公尺/秒。
- 類3.一石由頂樓向上鉛直拋出,其拋出速度為 30 公尺/秒。已知石子經過 10 秒後落地,則頂樓離地高度為(g=10 公尺/秒 $^2)$
 - (A)100 (B)150 (C)200 (D)250 (E)300 公尺。
- 類4.一石子由頂樓向上鉛直拋出,其拋出速度為 20 公尺/秒。已知頂樓的高度為 160 公尺,則該石子經過多久落地? $(g=10 \text{ 公尺}/ \text{秒}^2)$
 - (A)6 (B)8 (C)9 (D)10 (E)12 秒。
- 類5.石子 A 從塔頂自由落下 20 m 的瞬間,石子 B 自塔頂正下方 40 m 處自由落下,若兩石子同時著地,已知重力加速度為 $10m/s^2$,則塔高為若干?
 - (A)45m (B)50m (C)60m (D)75m (E)90m •
- 類6.若一鋼球自20 公尺的高度落至地面,反彈至5 公尺的高度,若球與地面的碰觸時間為0.30 秒,且重力加速度g=10 公尺/秒 2 ,則在觸地期間,球的平均加速度為:
 - (A)120 m/s² (B)100 m/s² (C)50 m/s² (D)50 m/s² (E)10 m/s² \circ
- 類7.有一降落傘吊著一物體以 5 m/s等速鉛直下降,當離地 60 m 時,該物體突然從降落傘上脫離,設 $g=10 \text{ m/s}^2$,在不考慮空氣阻力的影響下,則物體約經多少秒後落至地面? (A)6.0 (B)5.0 (C)4.5 (D)4.0 (E)3.0 秒。

類8.某人在高處 A 點鉛直上拋一石子,已知石子在 A 點上方 h 處的速率為在 A 點下方 h 處的速率的 1/3 倍,則此石子拋出的初速若干?

(A)
$$\sqrt{gh}$$
 (B) $\sqrt{\frac{1}{2}gh}$ (C) $\sqrt{2gh}$ (D) $\sqrt{\frac{3}{2}gh}$ (E) $\sqrt{\frac{5}{2}gh}$ \circ

類9.<u>凱凱</u>搭乘熱氣球以 10m/s 的速度上升,當他距地面高度為 120 公尺時,從手中釋放一小球,已知重力加速度為 10m/s²,則幾秒後小石子將落至地面?

(A)4 (B)5 (C)6 (D)7 (E)8 秒。

【題組】質量 m 的小球從長 64 公尺的光滑斜坡頂端由靜止下滑,經 4 秒到達斜面底部,則:類10.物體在斜面上之加速度 a 為多少公尺/秒 2 ?

(A)10 (B)8 (C)6 (D)5 (E)4 °

類11.小球由斜坡底部以初速 20m/s 向上滑動,則能滑至斜面上的最大距離為若干?

(A)40 公尺 (B)36 公尺 (C)30 公尺 (D)25 公尺 (E)20 公尺。

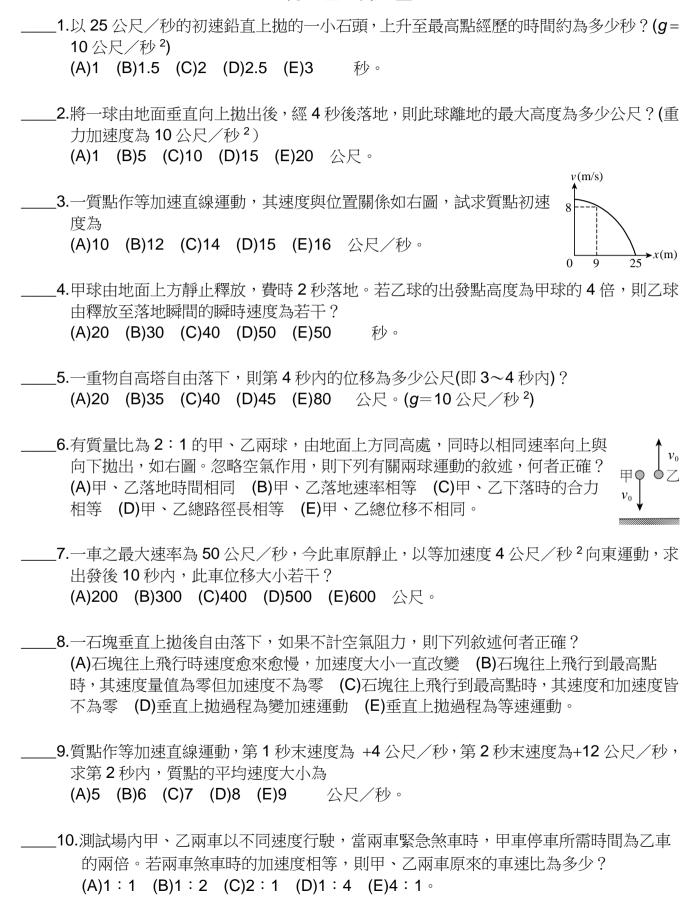
類12.承上題,小球再滑至底部的時間,共需幾秒?

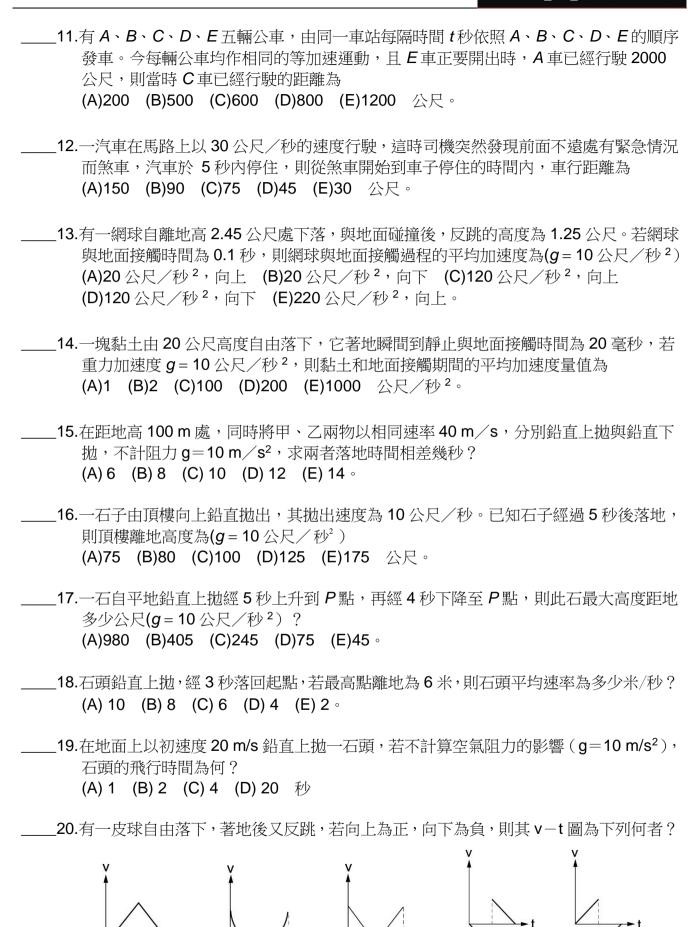
(A)8秒 (B)7秒 (C)6秒 (D)5秒 (E)4秒。

- 類13.一傘兵跳下 4 秒鐘後才開傘,當傘張開後隨即以向下減速度 5 m/s²下落,已知該傘兵著地瞬間的速度 5 m/s,且重力加速度 g=10m/s²,則傘兵在空中的時間有多久? (A)8 秒 (B)9 秒 (C)10 秒 (D)11 秒 (E)12 秒。
- 類14.一物體鉛直上拋,當通過距離地面高度 30 公尺處,前後 2 次相隔的時間為 4 秒,若當地的重力加速度為 10 m/s²,則此物體上升的最大高度為

(A)40 公尺 (B)45 公尺 (C)50 公尺 (D)55 公尺 (E)60 公尺。

綜合練習

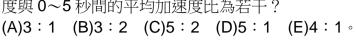


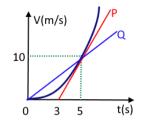


21.一車以 15 m/s 向東的初速出發,出發時立刻剎車,使車具有 2 m/s² 向西的等加速度,求前進 50 m 時速率為何? (A) 2 m/s (B) 12 m/s (C) 10 m/s (D) 6 m/s (E) 5 m/s。
22.一質點拉紙帶向右作等加速直線運動,每隔 0.2 秒紀錄其位 置,若所得數據如圖,則質點的加速度為何? (A) 1.5 (B) 2.5 (C) 3.5 (D) 4.5 (E) 5.5 m/s ² 。
23.不計阻力, $A \times B$ 兩物自距地高 $h_A = 80$ 公尺、 $h_B = 20$ 公尺,同時自由落下,重力加速度 g 為 10 公尺/秒 2 ,則兩者落地時間差 $t_A - t_B$ 為幾秒? (A)2.0 (B)1.6 (C)1.5 (D)1.2 (E)1.0 秒。
24. <u>芸芸</u> 由樓頂上鉛直拋下一小球,若不計過程中的阻力,發現小球在 1 秒末落下距離與 2 秒末落下的距離比為 1:3,則小球下拋的初速為若干? (A)2 (B)5 (C)10 (D)15 (E)20 m/s。
25. 琳琳由樓頂上鉛直上拋一小球,若不計過程中的阻力,發現小球在 2 秒末上升的高度與 4 秒末上升的高度比為 3:4,則小球拋出的初速為若干? (A)25 (B)30 (C)36 (D)40 (E)50 m/s。
26.飛機自 720 公尺高空投下一炸彈,若重力加速度為 10 公尺/秒 ² ,則炸彈將於幾秒後著地? (A)6 秒 (B)8 秒 (C)10 秒 (D)12 秒 (E)18 秒。
【題組】 <u>婷婷</u> 站在高 80m 的樓上,在樓頂邊緣每隔一段時間靜止放下一顆小石子,當她要釋放第 6 顆石子時,第一顆石子恰好碰觸地面,則:27. <u>婷婷</u> 每個幾秒放下一顆小石子? (A)1.0 秒 (B)0.8 秒 (C)0.75 秒 (D)0.6 秒 (E)0.5 秒。
28.此時第 4 顆石子,距離地面的高度為若干? (A)50~55 公尺 (B)55~60 公尺 (C)60~65 公尺 (D)65~70 公尺 (E)70~75 公尺。
29.第 2 顆石子與第 5 顆石子間的距離為多少公尺? (A)24 (B)32 (C)36 (D)42 (E)48 公尺。(g=10m/s²)
【題組】 <u>欣欣</u> 以 25 公尺/秒之初速,自樓頂上鉛直拋上一小球,若不計空氣阻力,則:30.小球上升的最大位移為約若干公尺? (A)10 公尺 (B)20 公尺 (C)30 公尺 (D)40 公尺 (E)50 公尺。
31.小球落回原處所需時間為若干? (A)2.5 秒 (B)4.0 秒 (C)5.0 秒 (D)6.0 秒 (E)7.5 秒。
32.若小球落至地面共費時 8 秒鐘,則此大樓的高度為若干? (A)60 (B)80 (C)100 (D)120 (E)150 公尺。

33.小球落至地面的瞬時速度為若干?
(A)45 (B)50 (C)55 (D)60 (E)65 m/s ·
【題組】在懸崖頂端,以 20 公尺/秒的初速上拋一物體,此物體落至懸崖底部時的瞬時速度 為 40 公尺/秒,則:
34.此懸崖高度為若干公尺?
(A)20 公尺 (B)30 公尺 (C)40 公尺 (D)50 公尺 (E)60 公尺。
35.此物體在空中飛行的時間為若干秒? (A)2.5 秒 (B)4.0 秒 (C)5.0 秒 (D)6.0 秒 (E)7.5 秒。
$(A)2.3 \stackrel{\wedge}{\wedge} y (B)4.0 \stackrel{\wedge}{\wedge} y (B)3.0 \stackrel{\wedge}{\wedge} y (B)0.0 \stackrel{\wedge}{\wedge} y (B)1.3 \stackrel{\wedge}{\wedge} y \stackrel{\circ}{\vee}$
36.此物落回原處所需時間為若干秒?
(A)2.5 秒 (B)4.0 秒 (C)5.0 秒 (D)6.0 秒 (E)7.5 秒。
37.火車沿直線鐵道靜止於 A 站,以 $+2$ m/ s^2 之加速度出發,經 12 秒到達 B 站後開始維持等速度行駛至 C ,然後作 -2 m/ s^2 加速度停於 D ,若站間距離比 $2:1:2$,則全程歷時多久?
(A)18 (B)21 (C)24 (D)27 (E)30 秒。
38.承上題,火車由 A 站至 D 站間的距離為若干公尺?
(A)240 (B)300 (C)360 (D)420 (E)480 公尺。
39.承上題,火車的最大速度比平均速度= ? (A)9:7 (B)9:5 (C)9:4 (D)7:5 (E)7:4。
40.一質點在 x 軸上運動,取向右為正,若初速 $V_0 < 0$, $a > 0$,則可能的 $x - t$ 圖(位置-時間)為下列何者?
$(A) x \qquad (B) x \qquad (C) x \qquad (D) x \qquad (E) x$ $t \qquad t \qquad t$
41.沿著 x 軸運動的質點,其加速度 a=2t (SI 制),若質點在 t=5 秒時,速度為 10 公尺/ 秒,則 t=10 秒時,質點速度為若干?
(A)60 (B)70 (C)75 (D)80 (E)85 公尺/秒。
42.汽車由靜止開始出發,以 4 公尺/秒 ² 等加速度行駛一段時間後,再以 2 公尺/秒 ² 等
减速而漸停止,若全程之位移為 600 公尺,則汽車全程的平均速率為多少? (A)60 (B)50 (C)40 (D)30 (E)20 公尺/秒。
43.某質點以初速 v 在水平桌面上沿直線滑行,受到固定摩擦力作用作等減速度動,當行
43.亲貝點以初述 V 任小平亲面工冶直線계11,受到面足摩擦刀作用作等减速度數,量11 進 20 秒距離時速度變為 V/2,則試求已滑行的距離為若干公尺?
(A)8V (B)10V (C)12V (D)15V (E)18V 公尺。

____44.右圖為某跑車在加速過程的速度對時間的關係圖,P為第5秒時的 切線,Q為0~5秒間圖形的割線,則該跑車在第5秒的瞬時加速 度與0~5秒間的平均加速度比為若干?

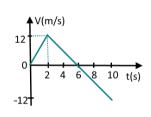




___45.物體在直線道路上作等加速度運動,若初速度為 20 m/s,加速度量值為 3 m/s²,且速度與加速度的方向相反,則 5 秒後物體的速度量值為若干?

(A)5 (B)10 (C)15 (D)25 (E)30 $^{\circ}$

____46.右圖為物體作直線運動的 v-t 關係圖,下列敘述何者正確? (A)0~6 秒內的加速度量值為定值 (B)2~6 秒的平均加速度與 6 ~10 秒的平均加速度等值異號 (C)第 1 秒的加速度量值大於第 4 秒的加速度量值 (D)2 秒至 10 秒內的瞬時加速度量值先減少後增加 (E)0~2 秒內的位移量值與 2~6 秒內的位移量值相等。



____47.機車自靜止起沿直線以加速度 2.0m/s² 前進一段距離後,改以加速度-1.0m/s² 減速至停止,全程共歷時 18 秒鐘,則全程的位移量值為若干?

(A)108m (B)90m (C)81m (D)72m (E)54m •

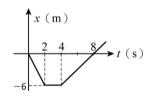
____48.飛機起飛的瞬時速度一般須達 324 公里/小時,若飛機從靜止開始,欲在 20 秒內達到 起飛狀態,則飛機的平均加速度應為若干?

(A)2.5 (B)3.0 (C)3.5 (D)4.0 (E)4.5 m/s² \circ

____49.承上題,此時跑道的最短距離為若干公尺?

(A)1200 (B)900 (C)800 (D)750 (E)600 公尺。

_____50.汽車在直線道路上行進,其 x - t 圖(位置-時間)如右圖,單位為 SI 制,則該車在 1~6 秒之位移為 X,路徑長為 Y,則(X,Y)=? (A)(0,3) (B)(1,3) (C)(-1,3) (D)(0,6) (E)(1,6)。



____51.承上題,汽車於 1~6 秒間的平均加速度為若干?

(A)0 (B)0.3 (C)-0.3 (D)0.9 (E)-0.9 m/s² \circ

1-3 加速度 標準答案:

類題:

- 1.D 2.D 3.C 4.B 5.A 6.B 7.E 8.E 9.C 10.B 11.D 12.D 13.D 14.C 二、單一選擇題:
- 1.D 2.E 3.A 4.C 5.B 6.B 7.A 8.B 9.D 10.C
- 11.B 12.C 13.C 14.E 15.B 16.A 17.C 18.D 19.C 20.D
- 21.E 22.B 23.A 24.B 25D 26.F 27.B 28.D 29.E 30.C
- 31.C 32.D 33.C 34.E 35.D 36.B 37.D 38.C 39.B 40.D
- 41.E 42.E 43.D 44.C 45.A 46.C 47.A 48.E 49.B 50.D 51.D